## Изотермы Генри в области высоких давлений и сорбция метана в пористых породах газоконденсатных месторождений

A. Н. Вульфсон, Н. А. Скибицкая, О. О. Бородин Институт проблем нефти и газа РАН, Москва E-mail: <a href="mailto:vulfson@ipng.ru">vulfson@ipng.ru</a>; skibitchka@mail.ru

Ключевые слова: Изотермы сорбции, фазовые равновесия, пористая среда.

Ссылка: Вульфсон, А. Н., Н. А. Скибицкая, О. О. Бородин (2011) Изотермы Генри в области высоких давлений и сорбция метана в пористых породах газоконденсатных месторождений, *Вестинк ОНЗ РАН*, 3, NZ6019, doi:10.2205/2011NZ000149.

**Введение.** Породы продуктивных отложений газоконденсатных месторождений представляют собой макропористую среду с плотностью  $\rho_s = 2.71$  г/см3 и радиусом пор порядка 1000 А. Химический состав породы носит в основном карбонатный характер. Постоянными составляющими породы являются также высокомолекулярные компоненты (ВМК), соответствующие смолам и асфальтенам.

Массовая доля ВМК, присутствующих в карбонатной матрице газоконденсатных месторождений, весьма мала и обычно не превосходит двух процентов. Однако роль высокомолекулярных соединений в процессах сорбции природного газа чрезвычайно высока. Пленки и скопления ВМК в поровых объемах обладают весьма высокой способностью растворять в себе компоненты природного газа. Поэтому вклад этих высокомолекулярных веществ в полную сорбцию газа объемом породы является весьма существенным, см. [Дмитриевский и др., 2006 а], [Дмитриевский и др., 2006 б], [Дмитриевский и др., 2007]. Кроме того, насыщенные природным газом пленки ВМК покрывают внутреннюю поверхность породы и экранируют действие сил притяжения между молекулами газа в макропорах и пористой средой. В силу этого обстоятельства газ, заполняющий свободные от ВМК макропоры, является практически свободным и его десорбция не требует существенных энергетических затрат.

В настоящем исследовании представлено теоретическое и экспериментальное описание процесса сорбции метана на карбонатной органоминеральной матрице пород газоконденсатного месторождения в области высоких давлений.

Экспериментальная часть исследований базируется на методике весовых измерений, подробно изложенной в [Дмитриевский и др., 2006 б], [Дмитриевский и др., 2007].

Изотермы сорбции газа в пористом образце карбонатной породы строятся исходя из условия фазового равновесия между псевдофазой сорбированного газа и свободным газом, находящиеся при температуре и давлении пласта месторождения.

Эти изотермы связывают концентрацию сорбированного газа и летучесть свободного газа, что соответствует закону Генри, обобщенному на область высоких давлений.

**1. Уравнения состояния свободной газовой фазы.** Известно, что критические значения температуры свободного метана определяются соотношениями  $T_c = 197 \, \mathrm{K}$  и  $p_c = 45.8 \, \mathrm{atm}$ .

Для описания поведения метана в сверхкритических условиях используем вириальное уравнение вида

$$\frac{pv_g}{RT} = 1 + B'(T)p + C'(T)p^2 + D'(T)p^3$$
 (1)

где T — температура; p — давление;  $v_g$  — молярный объем; R — универсальная газовая постоянная; 1, B', C' и D' — вириальные коэффициенты, подробнее см. [Hirchfielder et. al. 1954], [Walas, 1985].

Методика вычислений вириальных коэффициентов B', C' и D', использующая фактор ацентричности, изложена в монографии [Walas, 1985], а также в работах [Дмитриевский и др., 2007], [Вульфсон и Скибицкая, 2009].

## ВУЛЬФСОН И ДР.: МЕТАН В ПОРОДАХ ГАЗОКОНДЕНСАТНЫХ МЕСТОРОЖДЕНИЙ

Пусть  $\varphi_g(T,p)$  — молярная свободная энергия Гиббса чистого газа, идентичная его химическому потенциалу; f(T,p) — летучесть реального газа, тогда

$$\varphi_{g}(T,p) - \varphi_{g}(T,p_{0}) = \int_{p_{0}}^{p} v_{g} dp = RT \ln \frac{f(T,p)}{f(T,p_{0})}$$
(2)

где  $p_0$  – фиксированное давление.

Подставляя (1) в (2), получим

$$f(T,p) = p \exp\left[B'(T)p + \frac{1}{2}C'(T)p^2 + \frac{1}{3}D'(T)p^3\right]$$
 (3)

Соотношение (3) представляет летучесть реального газа с вириальным уравнением состояния (1),

- **2.** Усредненное уравнение состояния сорбированного газа. Уравнение состояния газа, сорбированного в образце породы строится на основе трех уравнений состояния:
- уравнения состояния реального газа для метана, сорбированного в макропорах и соприкасающегося с пленками смол и асфальтенов;
- уравнения состояния твердого раствора типа Вант-Гоффа для газа, сорбированного в асфальтене [Вульфсон и Скибицкая, 2009];
- уравнения состояния Вант-Гоффа для газа, растворенного в смоле [Дмитриевский и  $\partial p$ ., 2007].

Суммирование этих уравнений и последующее усреднение по объему пористой среды, приводит к общему уравнению состояния псевдофазы сорбированного газа

$$\pi_s^* V_s = N_{gs} RT \left\{ 1 + \frac{N_{gp}}{N_{gs}} \frac{\overline{\varepsilon}}{RT} \right\}$$
 (4)

Здесь  $\pi_s^*$  — усредненное давление псевдофазы сорбированного газа;  $N_{gs}$ ,  $N_{gp}$  — число молей псевдофазы сорбированного газа и газа, сорбированного в макропорах и трещинах породы; T — абсолютная температура; R — универсальная газовая постоянная;  $\overline{\epsilon}$  — средняя потенциальная энергия взаимодействия одного моля сорбированного газа с образцом породы.

В условиях когда поверхность пор образца покрыта полимолекулярными пленками ВМК толщиной порядка 30–50 А справедливо экранирующее приближение

$$\overline{\epsilon}/RT \ll 1$$
 (5)

Учитывая, что  $N_{\rm gp}/N_{\rm gs}$  < 1 экранирующее приближение (5) позволяет упростить уравнение (4) к виду

$$\pi_s^* V_s = N_{\sigma s} RT \tag{6}$$

Пусть  $N_s$  —число молей чистого образца породы, не содержащего природный газ;  $v_s = V_s / N_s$  — молярный объем чистого образца;  $v_{gs} = V_s / N_{gs}$  — молярный объем псевдофазы сорбированного газа;  $c_s = N_{gs} / N_s$  — мольная концентрация псевдофазы сорбированного газа. С учетом принятых обозначений уравнение состояния (6) можно представить в формах

$$\pi_s^* \nu_{\sigma s} = RT, \quad \pi_s^* \nu_s = c_s RT \tag{7}$$

Пусть  $\phi_{gs} = \phi_{gs} \left( T, \pi_s^* \right)$  молярная свободная энергия Гиббса псевдофазы сорбированного газа. В изотермических условиях, с учетом (7) получим

$$\varphi_{gs}\left(T, \pi_{s}^{*}\right) - \varphi_{gs}\left(T, \pi_{s0}^{*}\right) = \int_{\pi_{s0}}^{\pi_{s}^{*}} v_{gs} d\pi_{s}^{*} = RT \ln \frac{\pi_{s}^{*}}{\pi_{s0}^{*}} = RT \ln \frac{c_{s}}{c_{s0}}$$
(8)

где  $\pi_{s0}^* = \pi_{s0}^* \left(T, p_0\right)$  — величина давления псевдофазы при фиксированном внешнем давлении газа на образец породы  $p_0$ ;  $c_{s0} = c_s \left(T, p_0\right)$  — концентрация сорбированного газа при давлении псевдофазы  $\pi_{s0}^*$ .

**3.** Фазовое равновесие и термодинамика сорбции газа образцом газоконденсатного месторождения. Концентрацию сорбированного газа будем определять из термодинамического условия фазового равновесия между свободным газом и псевдофазой

## ВУЛЬФСОН И ДР.: МЕТАН В ПОРОДАХ ГАЗОКОНДЕНСАТНЫХ МЕСТОРОЖДЕНИЙ

газа, сорбированным образцом. Приравнивая соответствующие химические потенциалы соприкасающихся фаз, найдем, что

$$\varphi_{gs}\left(T, \pi_{s}^{*}\right) = \varphi_{g}\left(T, p\right) \tag{9}$$

Опираясь на рассуждения, изложенные в [Дмитриевский и др., 2007], [Вульфсон и Скибицкая, 2009], [Вульфсон и Бородин, 2007] и уравнения (8), (3) получим

$$\ln \frac{c_s}{c_{s0}} = \ln \frac{f(T, p)}{f(T, p_0)} \tag{10}$$

Используя определение сорбционного коэффициента Генри  $K_H(T)$ , получим окончательное термодинамическое соотношение для сорбции газа образцом газоконденсатного месторождения

$$c_s(T,p) = K_H(T)f(T,p) \tag{11}$$

Соотношение (11) идентично эмпирической форме закона Генри, предложенной в [Weibe et. al., 1933] для описания растворимости газов в жидкости.

В последующем анализе будем предполагать, что  $K_H(T)$ =const . Таким образом, универсальные изотермы сорбции метана в пористом образце породы примут вид

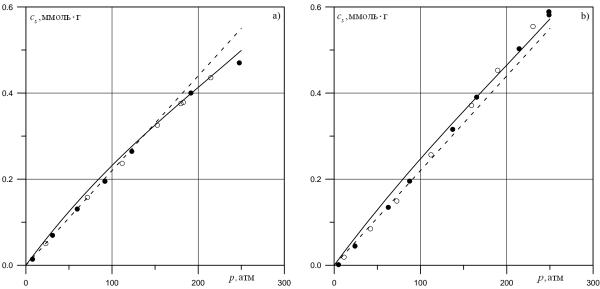
$$\hat{c}_s(T, p) = \hat{K}_H f(T, p), \quad \hat{K}_H = \text{const}$$
(12)

Здесь  $\hat{c}_s = M_s^{-1} c_s$ ,  $K_H = M_s^{-1} \hat{K}_H$  — более удобные для обработки данных мольно-весовые переменные, имеющие размерность  $\left[\hat{K}_H\right]$  = ммоль ·  $\Gamma^{-1}$  · атм $^{-1}$  ,  $\left[\hat{c}_s\right]$  =ммоль ·  $\Gamma^{-1}$  .

**4.** Универсальные изотермы сорбции метана в пористом образце породы. Универсальные изотермы сорбции метана, включающие летучесть, строились в соответствии с (12) в диапазоне  $0 атм с постоянным коэффициентом <math>\hat{K}_H = 0.0027$  ммоль · г<sup>-1</sup> · атм<sup>-1</sup>.

Результаты сопоставления изотерм сорбции (12); аппроксимации, использующей классическую форму изотермы  $\Gamma$ енри  $\hat{c}_s = \hat{K}_H p$ , где  $\hat{K}_H = 0.0022\,\mathrm{ммоль}\cdot\mathrm{r}^{-1}\cdot\mathrm{atm}^{-1}$  и экспериментальных данных, полученных при температурах 303 К и 343 К представлены на рис. 1.

Полученные формы изотерм сорбции, включающие летучесть, несколько лучше согласуются с экспериментальными данными чем аппроксимация, использующая классическую форму изотермы Генри, что и подтверждает предложенную термодинамическую теорию.



**Рис. 1.** Сопоставление изотермы сорбции (12), включающей летучесть (сплошная линия); аппроксимации, использующей классическую форму изотермы Генри с коэффициентом  $\hat{K}_H = 0.0022\,\mathrm{ммоль}\cdot\Gamma^{-1}\cdot\mathrm{атm}^{-1}$  (штриховая линия) и экспериментальных данных по растворимости метана в образце при T=303 K (a) и T=343 K (b). Черные точки соответствуют адсорбции газа, светлые точки – десорбции газа.

Заключение. Представленная форма изотерм сорбции согласуется экспериментальными данными и представляет существенное обобщение закона Генри на область высоких давлений. Полученные результаты по сорбции газов в образцах карбонатных пород продуктивных отложений газоконденсатных месторождений имеют практический безусловно могут быть использованы при реализации термодинамических методов воздействия на пласт с целью увеличения его газоотдачи.

Авторы выражают признательность академику РАН А. Н. Дмитриевскому за внимание к работе.

Работа выполнена в рамках федерально-целевой программы ОНЗ-1: «Фундаментальные проблемы геологии и геохимии нефти и газа разработки месторождений и развития нефтегазового комплекса России»

## Литература

Вульфсон, А. Н., Н. А. Скибицкая (2009), О приложении закона Генри к описанию сорбции метана и этана асфальтенами в условиях сверхкритических температур и высоких давлений, *Сверхкритические Флюиды: Теория и Практика, Том. 4*, № 2, с.с. 16 – 28,

Вульфсон, А. Н., О. О. Бородин (2007), К термодинамической теории растворимости газа в воде при высоких давлениях и сверхкритических температурах. Журнал Физической химии PAH, Том. 81, № 4, с.с. 510–514.

Дмитриевский, А. Н., Н. А. Скибицкая, Л. А. Зекель, Н. В. Краснобаева, А. П. Кубышкин, А. А. Прибылов, М. Я. Шпирт, (2006), Высокомолекулярные компоненты органоминеральной матрицы газоконденсатных месторождений, *Химия твердого топлива РАН*, № 2, сс. 47–59.

Дмитриевский, А. Н., А. А. Прибылов, Н. А. Скибицкая, Л. А. Зекель, А. П. Кубышкин, М. Я. Шпирт, (2006), Сорбция бутана, пропана, этана, метана и двуокиси углерода на асфальтене, *Журнал физической химии РАН. Том. 80*, № 7, сс. 1250–1254.

Дмитриевский, А. Н., Н. А. Скибицкая, А. Н. Вульфсон, Л. А. Зекель, А. А. Прибылов, (2007), Экспериментальное исследование растворения метана и этана в высокомолекулярных смолах при сверхкритических температурах в области закона Генри,  $\mathcal{K}$ урнал физической химии, Том. 81, № 5, сс. 1–7.

Brunauer, S., (1945), The Adsorbtion of Gases and Vapors. Vol. 1. Physical Adsorption, *Prinston. USA*. (Имеется перевод: Брунауер С. (1948), Адсорбция газов и паров. Т.1. Физическая адсорбция, *М.: «Гос. изд-во иностранной литературы»*, с.с. 783)

Hirchfielder, J. O., Ch. F. Curtiss, R. B. Bird (1954), Molecular theory of gases and liquids, *J. Willey and Sons. Inc. New-York. Chapman and Hall Lim. London*, p.p. 980. (Имеется перевод: Гиршфельдер Дж, Кертисс Ч., Берд Р. (1961), Молекулярная теория газов и жидкостей, *М.:Издво «Иностранной литературы»*, с.с. 939)

Walas, S. M. (1985), Phase equilibria in chemical engineering, *Butterworth Publishers*. *Boston–London–Toronto*, (Имеется перевод: Уэлес С. М. (1989), Фазовые равновесия в химических технологиях, *M.: «Мир»*, Ч. 1, с.с. 301 с.)

Weibe, R., W. L. Gaddy, G. Heins, (1933), J. Am. Chem. Soc. Vol. 55, p.p. 94.