# О проблемах расчета растворимости оксидов металлов в паровой фазе воды

Н. Н. Акинфиев<sup>1</sup>, А. В. Плясунов<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Институт геологии рудных месторождений, петрографии, минералогии и геохимии РАН, Москва <sup>2</sup>Институт экспериментальной минералогии РАН, Черноголовка

## akinfiev@igem.ru

В системах оксид металла—вода имеющиеся термодинамические данные для газофазных гидроксидов предсказывают величины растворимости в пару, которые на несколько порядков ниже экспериментальных определений. Предлагается подход к решению этой проблемы путем включения в квантовохимический расчет гидратированных форм газофазных гидроксидов.

Ключевые слова: растворимость, квантово-химические расчеты, термодинамические свойства, идеальный газ

Ссылка: Акинфиев, Н. Н., А. В. Плясунов (2012), О проблемах расчета растворимости оксидов металлов в паровой фазе воды, Вестник ОНЗ РАН, 4, NZ9001, doi:10.2205/2012NZ ASEMPG

Рядом исследователей на основании изучения газово-жидких включений, анализов конденсатов фумарольных газов и экспериментальных исследований показано, что паровая фаза гидротермального раствора способна переносить заметные количества металлоидов (B, Si, Ge, As, Sb, Те и др.) и даже металлов (Мо, Ag, Cu, Au). Имеющиеся в распоряжении геохимиков базы термодинамических данных не позволяют с достаточной точностью предсказывать поведение этих металлов в малоплотных флюидах. Таким образом, определение стехиометрии форм переноса элементов в паровой фазе и их термодинамических свойств является актуальной задачей современной геохимии гидротермальных процессов.

Анализ следует начинать с тех форм переноса, которые всегда существуют в присутствии воды, т.е. с оксидных и гидроксидных частиц. Для ряда металлоидов стехиометрия форм переноса определена спектроскопически – это гидроксиды (т.е. As(OH)<sub>3</sub>, B(OH)<sub>3</sub>, Si(OH)<sub>4</sub> и т.д.).

Термодинамика позволяет рассчитать величины растворимости оксидов в пару, если известны термодинамические свойства гидроксидов в состоянии идеального газа и их коэффициенты фугитивности как функции температуры и давления  $\phi_2^{\infty}(T, P)$ . Для реакции растворения  $MeO(tr) + nH_2O(r) = MeO\cdot(H_2O)_n(r)$  при заданных T и P справедливо следующее выражение для константы равновесия:

$$\ln K^{\circ}(T) = \ln \frac{Y_2 \cdot (P/P^{\otimes})\phi_2^{\infty}}{(f_1)^n} - \frac{V(\text{MeO}_{TB}) \cdot (P-P^{\otimes})}{RT},$$

где  $Y_2$  обозначает мольную долю металла в паровой фазе,  $f_1$  — фугитивность чистой воды,  $\phi_2^\infty$  — коэффициент фугитивности растворенной формы при бесконечном разбавлении в воде, V — мольный объем твердой фазы,  $P^\otimes$  =0.1 МПа — стандартное давление.

Величины  $K^{\circ}$  могут быть рассчитаны из термохимической информации по соотношению  $-RT \ln K^{\circ} = g_T (\text{MeO} \cdot (\text{H}_2\text{O})_n(g)) - g_T (\text{MeO}(\text{s})) - g_T (\text{H}_2\text{O}(\text{g}))$ , где  $g_T$  — энергии Гиббса соединения при стандартном давлении. Заметим, что, как правило, термодинамические свойства гидроксидов в состоянии идеального газа неизвестны. Оценка коэффициентов фугитивности

### АКИНФИЕВ И ПЛЯСУНОВ: О ПРОБЛЕМАХ РАСЧЕТА РАСТВОРИМОСТИ

растворенных гидроксидов в настоящей работе выполнена по уравнению, следующему из вириального уравнения состояния [*Prausnitz et al.*, 1999]:

$$\ln \phi_2^{\infty} = \frac{2B_{12}}{V_1} - \ln \frac{PV_1}{RT},$$

где  $B_{12}$  — второй смешанный вириальный коэффициент для газофазного взаимодействия гидроксид — вода, а  $V_1$  — мольный объем чистой воды. В настоящей работе оценка  $B_{12}$  выполнена по соотношению  $B_{12} \approx k \cdot B_{11}$ , где  $B_{11}$  — второй вириальный коэффициент воды [Harvey and Lemmon, 2004] и k принято равным числу гидроксидных групп и атомов кислорода в молекуле растворенного оксида или гидроксида.

В качестве примера на рис. 1 показаны величины растворимости кварца в пару воды для ряда давлений, рассчитанные в предположении существования единственной формы  $Si(OH)_4(\Gamma)$ , в сравнении с имеющимися экспериментальные данными. Необходимые величины термодинамических свойств  $Si(OH)_4(\Gamma)$  взяты по работе [*Plyasunov*, 2011]. Как видно, согласие эксперимента и расчета вполне удовлетворительное.

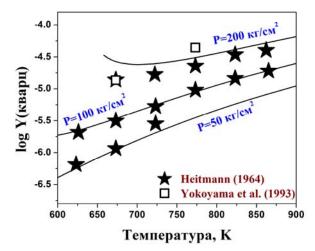
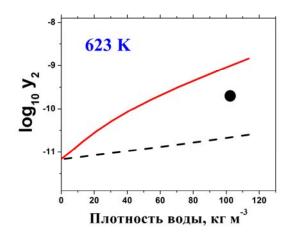


Рис. 1. Экспериментальные и расчетные величины растворимости кварца в пару воды



**Рис. 2.** Расчетные величины растворимости ZnO(кр) в пару воды при 623 К в сравнении с экспериментальным значением при 16 МПа [Bénézeth et al., 2002]. Штриховая линия показывает

### АКИНФИЕВ И ПЛЯСУНОВ: О ПРОБЛЕМАХ РАСЧЕТА РАСТВОРИМОСТИ

расчетные значения, полученные в предположении образования единственной формы  $Zn(OH)_2(\Gamma)$ , а сплошная линия отвечает расчету для случая образования в пару форм  $Zn(OH)_2(\Gamma)$ ,  $Zn(OH)_2 \cdot H_2O(\Gamma)$  и  $Zn(OH)_2 \cdot (H_2O)_2(\Gamma)$ 

В то же время расчетная растворимость ZnO(тв) в пару воды при 623 К в предположении образования единственной формы  $Zn(OH)_2(\Gamma)$ , показанная штриховой линией на рис. 2, примерно на порядок ниже, чем экспериментальная величина при 16 МПа [Bénézeth et al., 2002].

Одна из возможных причин расхождения расчета и эксперимента состоит в том, что необходимо учитывать существование в паровой фазе кластеров типа  $Me(OH)_n\cdot(H_2O)_m$ . Таким образом, была поставлена задача расчета методами квантовой химии термодинамических свойств такого рода кластеров в состоянии идеального газа в широком диапазоне температур, и на этой основе оценке относительных констант устойчивости этих кластеров.

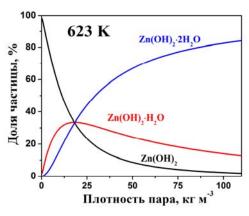
Квантовохимические расчеты проводились на основе функционала электронной плотности (DFT) с гибридным функционалом B3LYP и набором базовых волновых функций 6-311G+(d,p) для «легких» атомов (A < 79~ г моль<sup>-1</sup>) и с использованием эффективного корового потенциала LANL2DZ для A > 79~ г моль<sup>-1</sup>.

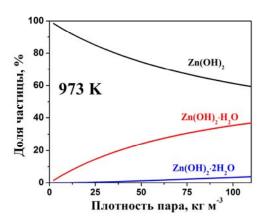
В результате расчетов получено термодинамическое описание ряда компонентов  $Me(OH)_n \cdot (H_2O)_m$  в состоянии идеального газа, пригодное для широкого диапазона температур (273—1273 K).

Для системы  $ZnO-H_2O$  такие расчеты выполнены для газообразных кластеров состава  $Zn(OH)_2$ ,  $Zn(OH)_2 \cdot H_2O$ ,  $Zn(OH)_2 \cdot (H_2O)_2$  и  $Zn(OH)_2 \cdot (H_2O)_4$ . Для последовательных реакций гидратации гидроксида цинка в газовой фазе получены следующие величины констант равновесия при 623 К:

$$\begin{split} Zn(OH)_2(\Gamma) + H_2O(\Gamma) &= Zn(OH)_2 \cdot H_2O(\Gamma) & ln \ K_1 = -3.95 \\ Zn(OH)_2(\Gamma) + 2H_2O(\Gamma) &= Zn(OH)_2 \cdot (H_2O)_2(\Gamma) & ln \ K_2 = -7.92 \\ Zn(OH)_2(\Gamma) + 4H_2O(\Gamma) &= Zn(OH)_2 \cdot (H_2O)_4(\Gamma) & ln \ K_4 = -23.91 \end{split}$$

Распределение форм цинка в зависимости от плотности пара при 623 K показано на рис. 3 слева.





**Рис. 3.** Распределение форм цинка в пару воды при 623 К (слева) и 973 К (справа) в зависимости от плотности пара

Очевидно, что при 623 K негидратированный гидроксид преобладает только при весьма низких плотностях пара  $\rho_1$ , при промежуточных значениях  $\rho_1$  заметна доля моногидрата  $Zn(OH)_2 \cdot H_2O$ , а при плотностях воды более 25 кг м<sup>-3</sup> абсолютно преобладает дигидрат  $Zn(OH)_2 \cdot (H_2O)_2$ . Вклад тетрагидрата незаметен при всех рассмотренных условиях. Учет всех форм заметно увеличивает расчетную растворимость  $ZnO(\kappa p)$  в пару воды при 623 K (см. сплошную линию на рис. 2).

### АКИНФИЕВ И ПЛЯСУНОВ: О ПРОБЛЕМАХ РАСЧЕТА РАСТВОРИМОСТИ

Согласно расчетам, распределение форм цинка в пару воды сильно зависит от температуры, причем с ростом температуры очевидна дегидратация молекул. Например, при увеличении температуры до 973 К преобладающей формой цинка становится безводный гидроксид во всем диапазоне плотностей пара  $H_2O$ , 0–100 кг м<sup>-3</sup> (рис. 3 справа).

#### Заключение

Анализ процессов переноса компонентов в газовой фазе требует знания стехиометрии форм переноса и их термодинамических свойств.

Методы квантовой химии позволяют рассчитать термохимические свойства различных форм типа  $Me(OH)_n \cdot (H_2O)_m$  в состоянии идеального газа и оценить их относительную устойчивость.

Применение этих методов к системам Me–O–H показало, что в газовой фазе стабильны не только гидроксиды, но и гидраты гидроксидов, причем во многих случаях вклад гидратов является преобладающим.

Учет всех форм металлов многократно увеличивает расчетную растворимость соединений в паровой фазе, часто улучшая согласие экспериментальных и расчетных величин.

Работа выполнена при поддержке грантов РФФИ 11-05-00786-а и 12-05-93107-НЦНИЛ a.

### Литература

Bénézeth, P., D.A. Palmer, D.J. Wesolowski, C. Xiao (2002). New measurements of the solubility of zinc oxide from 150 to 350°C, *J. Solut. Chem.*, 31, 947–973.

Harvey, A. H., E. W. Lemmon (2004). Correlation for the second virial coefficient of water, *J. Phys. Chem. Ref. Data*, 33, 369–376.

Heitmann, H. G. (1964). Solubility of silicic acid in water and steam and its effect on silica deposits in turbines (in German), *Chemiker-Zeitung*, 88, 891–893.

Plyasunov, A.V. (2011). Thermodynamic properties of H<sub>4</sub>SiO<sub>4</sub> in the ideal gas state as evaluated from experimental data, *Geochim. Cosmochim. Acta*, 75, 3853–3865.

Prausnitz, J. M., R. N. Lichtenthaler, E. G. de Avezedo (1999). Molecular Thermodynamics of Fluid-Phase Equilibria, *3rd Edition, Prentice-Hall*, New York, 860 p.

Yokoyama, C., A. Iwabuchi, S. Takahashi, K. Takeuchi K. (1993). Solubility of PbO in supercritical water, *Fluid Phase Equil.*, 82, 323–331.